

|                 |                 |                  |                         |                                     |                                      |                                      |                                      |                                      |                                       |
|-----------------|-----------------|------------------|-------------------------|-------------------------------------|--------------------------------------|--------------------------------------|--------------------------------------|--------------------------------------|---------------------------------------|
| $d$             | -1              | -3               | -2                      | -7                                  | -11                                  | -19                                  | -43                                  | -67                                  | -163                                  |
| $\Delta$        | -4              | -3               | -8                      | -7                                  | -11                                  | -19                                  | -43                                  | -67                                  | -163                                  |
| $K$             | $\mathbb{Q}(i)$ | $\mathbb{Q}(j)$  | $\mathbb{Q}(\sqrt{-2})$ | $\mathbb{Q}(\sqrt{-7})$             | $\mathbb{Q}(\sqrt{-11})$             | $\mathbb{Q}(\sqrt{-19})$             | $\mathbb{Q}(\sqrt{-43})$             | $\mathbb{Q}(\sqrt{-67})$             | $\mathbb{Q}(\sqrt{-163})$             |
| $\mathcal{O}_K$ | $\mathbb{Z}[i]$ | $\mathbb{Z}[j]$  | $\mathbb{Z}[\sqrt{-2}]$ | $\mathbb{Z}[\frac{1+\sqrt{-7}}{2}]$ | $\mathbb{Z}[\frac{1+\sqrt{-11}}{2}]$ | $\mathbb{Z}[\frac{1+\sqrt{-19}}{2}]$ | $\mathbb{Z}[\frac{1+\sqrt{-43}}{2}]$ | $\mathbb{Z}[\frac{1+\sqrt{-67}}{2}]$ | $\mathbb{Z}[\frac{1+\sqrt{-163}}{2}]$ |
| $N$             | $x^2 + y^2$     | $x^2 + xy + y^2$ | $x^2 + 2y^2$            | $x^2 + xy + 2y^2$                   | $x^2 + xy + 3y^2$                    | $x^2 + xy + 5y^2$                    | $x^2 + xy + 11y^2$                   | $x^2 + xy + 17y^2$                   | $x^2 + xy + 41y^2$                    |

$\mathcal{O}_K$  est l'anneau des entiers de  $K = \mathbb{Q}(\sqrt{d})$  avec  $d < 0$ , square-free et  $\Delta$  ( $d$  ou  $4d$ ) est son discriminant

$\mathcal{O}_K = \mathbb{Z}[\theta]$ ,  $\theta$  entier quadratique de discriminant  $\Delta$  i.e.  $\theta^2 - S\theta + P = 0$  avec  $S^2 - 4P = \Delta$

$N$  est la norme  $(x, y) \mapsto N(x - \theta y) = x^2 - Sxy + Py^2$  i.e.  $x^2 - \frac{\Delta}{4}y^2$  ou  $x^2 + xy + \frac{1-\Delta}{4}y^2$

Ces 9 anneaux sont les seuls anneaux quadratiques imaginaires **principaux**

Les 5 de gauche sont euclidiens pour la norme et les 4 de droite non euclidiens (pour aucun stathme)