

Voilà mes messages effacé sur ton fil :

Bonjour,

Premier cas H est pair, alors :

$$\sum_{h \in H} h = \sum_{h \in H} p - h \text{ donc } \sum_{h \in H} h = p \times o(H) / 2$$

On a alors égalité dans la somme.

Deuxième cas H est impair (non trivial), soit $a = \min\{h \in H | h \neq 1\}$ avec $a > 1$.

$$\text{Alors } \sum_{h \in H} h = \sum_{h \in H} p(-h/p \bmod a) + ha$$

$$\text{donc } \sum_{h \in H} (a-1)h = \sum_{h \in H} p(-h/p \bmod a)$$

$$\text{donc } \sum_{h \in H} h = 1 a^{-1} \sum_{h \in H} p(-h/p \bmod a)$$

$$\text{donc } \sum_{h \in H} (p-h) = 1 a^{-1} \sum_{h \in H} p(a-1 - (-h/p \bmod a))$$

$$\text{donc } \sum_{h \in H} (p-h) = p \times a a^{-1} + 1 a^{-1} \sum_{h \in H} p((h/p \bmod a) - 1) \quad (1)$$

...

PS : cela ne marche que si $a > 2$ (pour (1))

Pour l'instant j'en suis là, je vais continuer à y réfléchir, j'envoie quand même le message au cas où cela inspirerait quelqu'un.

Bonne journée.

Dans le cas $2 \in H$:

$$\sum_{h \in H} h = p \times \sum_{h \in H} (h \bmod 2)$$

Donc ta conjecture dit, que dans un groupe qui contient 2 on aurait toujours plus de pair que d'impair, voir autant.

[/code]